



$MO=4 \text{ cm}$, $BC=AB+3$; $BC=AC+6$

$MP=MK=MT$

$MK=???$

$MP=MK=MT \Rightarrow M$ проецируется в центр вписанной окружности ABC .

Найдем радиус этой вписанной окружности.
Для этого найдем стороны
прямоугольного треугольника ABC .

По теореме Пифагора $BC^2=AC^2+AB^2$ Пусть $BC=x$, тогда $AB=x-3$, $AC=x-6$
 $\Rightarrow x^2=(x-3)^2+(x-6)^2 \Rightarrow x^2=x^2-6x+9+x^2-12x+36 \Rightarrow x^2-18x+45=0 \Rightarrow x_1=15$ подойдет,
 $x_2=3$ - не подходит , так как тогда $AC=3-6=-3$ - не может быть длина катета отрицательной. Итак $BC=15 \text{ см}$ $AC=9 \text{ см}$ и $AB=12 \text{ см}$

Тогда площадь треугольника $ABC = S = AB \cdot AC / 2 = 12 \cdot 9 / 2 = 54 \text{ см}^2$

С другой стороны площадь треугольника равна $S = p \cdot r$ - где p половина периметра треугольника, r - радиус вписанной в ABC окружности . $p = (15+12+9)/2 = 18 \text{ см}$

$\Rightarrow r = 54/18 = 3 \text{ см} \Rightarrow OK = 3 \text{ см} \Rightarrow$ по теореме Пифагора из ΔMKO имеем
 $MK^2 = OK^2 + MO^2 = 3^2 + 4^2 = 25 \Rightarrow MK = MP = MT = 5 \text{ см}$