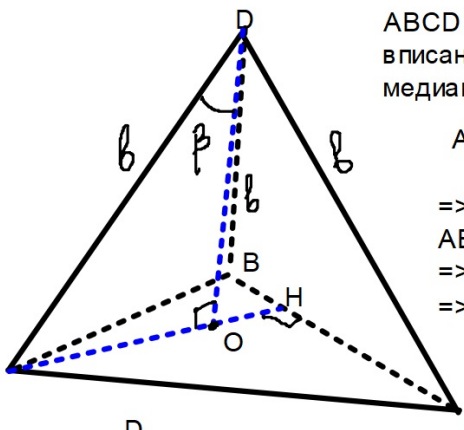


Так как $n=3$, то пирамида треугольная.



$ABCD$ - правильная пирамида $\Rightarrow D$ проецируется в точку O - центр вписанной и описанной вокруг $\triangle ABC$ окружностей. O - точка пересечения медиан $\triangle ABC$. $\Rightarrow AO = 2 \cdot AH / 3$ AH - высота $\Rightarrow AH = 1.5 AO$

$$AO = b \cdot \sin \beta \Rightarrow AH = 1.5b \cdot \sin \beta$$

$\Rightarrow AB = BC = AC = AH / \cos 30^\circ$ (так как $\triangle ABC$ - правильный \cap так как $ABCD$ - правильная)

$$\Rightarrow AB = BC = 1.5b \cdot \sin \beta / (\sqrt{3}/2) = \sqrt{3}b \cdot \sin \beta$$

$$\Rightarrow S(\triangle ABC) = S_{\text{осн}} = BC \cdot AH / 2 = \sqrt{3}b \cdot \sin \beta \cdot 1.5b \cdot \sin \beta / 2 = 0.75 \cdot \sqrt{3} \cdot b^2 \cdot \sin^2 \beta$$

Теперь найдем площадь одной боковой грани $S(\triangle ADB)$

Проведем высоту DT . Так как $\triangle ADB$ - равнобедренный, то $AT = TB = \sqrt{3}b \cdot \sin \beta / 2$

$$\Rightarrow \text{По теореме Пифагора } DT^2 = AD^2 - AT^2 = b^2 - 3b^2 \cdot \sin^2 \beta / 4 = b^2(4 - 3\sin^2 \beta) / 4 = b^2(1 + 3\cos^2 \beta) / 4$$

$$\Rightarrow 2DT = \frac{b}{2} \cdot \sqrt{1 + 3\cos^2 \beta}$$

$$S_{\triangle ADB} = \frac{AB \cdot 2DT}{2} = \frac{\sqrt{3} \cdot b \cdot \sin \beta \cdot b \cdot \sqrt{1 + 3\cos^2 \beta}}{2 \cdot 2} =$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot b^2 \cdot \sin \beta \cdot \sqrt{1 + 3\cos^2 \beta}$$

$$S_{\text{бок}} = 3 \cdot S_{\triangle ADB} = \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{4} \cdot b^2 \cdot \sin \beta \cdot \sqrt{1 + 3\cos^2 \beta}$$

